**Лоренц Ольга Алексеевна, учитель математики МКОУ СОШ №40 г. Сатка Челябинской области.**

Предлагаю учителям, работающим в 11-х классах конспект урока, который я разработала сама. Работа на уроке проводится в группах, на которые делится класс перед уроком. В каждой группе выбирается ученик – консультант. Этот ученик, как правило, один из наиболее успешных. Связь учителя с каждой группой поддерживается именно через консультанта. Таким образом, на уроке используется такая технология обучения, как обучение в сотрудничестве. Ученики совместно работают над поставленной задачей. Общая оценка работы группы складывается из оценки общения учащихся в группе наряду с результатами работы. Каждый член группы, вместе с личной ответственностью за свои успехи, несёт ответственность за успехи своих согруппников. После совместной работы, необходимо обсудить, как она проходила в каждой группе, как оказывалась необходимая помощь, нуждающимся в ней; ученики обсуждают своё поведение; анализируют, что удалось, что нет, и намечают пути совершенствования своего сотрудничества.

На уроке используется проблемно-поисковый метод обучения: перед каждой группой ставится задача и, чтобы её решить, надо определить тип уравнения и выбрать способ его решения. Наряду с систематизацией уже известных знаний, постановка проблемы имеет и элемент творческой деятельности. Ученикам нравятся такие уроки.

Что касается темы «Решение логарифмических уравнений», интерес учащихся к ней проявляется в активности при обсуждении способов решения уравнений. Неплохо усваиваются свойства логарифмов и их применение в решении уравнений. Одна из проблем решения – проверка корней, ученики её просто забывают сделать. Поэтому, первое, с чего необходимо начинать обсуждение, это – ОДЗ.

Надеюсь, мой опыт будет полезен моим коллегам.

**План – конспект урока в 11 классе «Обобщение и систематизация знаний учащихся по изучению уравнений, неравенств, методов их решения».**

**Тема урока:** « Решение логарифмических уравнений ».

**Цели урока:** вспомнить исистематизировать виды логарифмических уравнений, основные способы решений логарифмических уравнений.

**Задачи урока: а) обучающая -** формирование знаний о свойствах логарифмической

функции и применении их в решении логарифмических уравнений;

итоговая отработка способов и методов их решения;

**б) развивающая -** развитие навыков самоконтроля при решении заданий;

развитие навыков взаимоконтроля;

**в) воспитательная -** формирование грамотной устной и письменной

математической речи учащихся, воспитание ответственного отношения

к учебному труду; воспитание чувства коллективизма.

**Оборудование:** компьютер, мультимедийный проектор, экран.

**Ход урока:**

**1.** Сообщение целей урока и его плана.

**2.** а) ответы на вопросы по домашней работе по предыдущей теме(6-7 минут);

б) устная работа по вопросам теории, заданным также на дом:

1. Определение логарифма, натуральный и десятичный логарифмы, примеры;

2. Основное логарифмическое свойство, примеры;

3. Формула логарифма произведения, примеры;

4. Формула логарифма частного, примеры;

5. Формула логарифма степени, примеры;

6. Формула перехода от одного основания логарифма к другому, примеры;

7. Об области определения и монотонности логарифмической функции.

**3.** Систематизация знаний и умений с использованием заранее заготовленных заданий (30 минут).

Учитель проектирует на экран задание, учащиеся вместе с учителем обсуждают типы уравнений и методы их решений. Затем решают в тетрадях. После чего, учитель проектирует на экран решение и окончательный ответ. В ходе проверки комментируются все применяемые свойства и определения.

**Блок№1.**

**Простейшие уравнения.**

а) log (2x2 - 2x - 1) = - .

По определению логарифма получаем уравнение 2х2 – 2х – 1 = (  )2х2 – 2х -1 = 3 

х2 – х – 2 = 0. Ответ: -1; 2.

б) log25[ log3(2 – log0,5 x)] = - .

По определению логарифма получаем уравнение log3(2 – log0,5 x) = 25-0,5log3(2 – log0,5x) = 1. Вновь используем определение логарифма: 2 - log0,5 x = 31 , откуда log0,5 x = - 1

Получаем х = ()-1 = 2. Ответ: 2.

в) log3 (x2 – 4) = log3 (4x – 7).

*Особенностью логарифмических уравнений является появление посторонних корней. Это связано с расширением ОДЗ уравнения в ходе его преобразования. Поэтому полученные корни необходимо проверять подстановкой.*

ОДЗ данного уравнения задаётся неравенствами . Решая эту систему неравенств получаем ОДЗ уравнения х(2; ∞).

Логарифмическое уравнение заменяем ему равносильным: х2 – 4х + 3 = 0, которое имеет корни х1 = 1 и х2 = 3. После проверки выявляется посторонний корень х = 1. Ответ: 3.

**Блок № 2.**

**Уравнения, решаемые их преобразованиями.**

а) 2log3(x – 2) – log3(x2 – 4x + ) = 2.

ОДЗ: . Сведём данное уравнение к простейшему: log3(x – 2)2 – log3(x2 – 4x + ) = 2 log3. После преобразований получим квадратное уравнение: х2 – 4х + 3 = 0, которое имеет корни

х1 = 1 и х2 = 3. После проверки выявляется посторонний корень х = 1. Ответ: 3.

б) log2 x + log4 x + log8 x = 5,5.

*Одним из распространённых преобразований является переход к новому основанию в логарифмах: logcb=.*

В логарифмах перейдём к одному основанию, например числу 2.

log2 x +  log2 x +  log2 x +  log2 x = 5,5  6 log2 x + 3 log2 x + 2log2 x = 33  11∙ log2 x = 33 log2 x = 3 x = 23 = 8. Ответ: 8.

**Блок № 3.**

**Уравнения, решаемые разложением на множители.**

Переносим все члены уравнения в левую часть, проводим группировку и раскладываем на множители:

 log2 (3х2 – 5) + 2 = log2 (3х2 – 5) + 2,

 log2 (3х2 – 5) + 2 - log2 (3х2 – 5) - 2 = 0,

 log2 (3х2 – 5) - log2 (3х2 – 5) + (2 - 2) = 0,

(log2 (3х2 – 5) – 2)( - 1) = 0.

*Произведение множителей равно нулю, если один из них равен нулю.*

Получаем два уравнения, которые надо решать, не забывая об ОДЗ уравнения, а именно

.

1) log2 (3х2 – 5) – 2 = 0 log2 (3х2 – 5) = 2 3х2 – 5 = 4 х2 = 3 х = .

В ОДЗ входит только х = ;

2)  - 1 = 0  х – 1 = 1 х = 2.

Ответ: ; 2.

**Блок № 4.**

**Уравнения, решаемые с помощью замены переменной.**

а) log22(2x – 1) + log2(2x -1) – 2 = 0.

Проведём замену у = log2(2x -1) и получим квадратное уравнение у2 + у – 2 = 0. Его корни

. Оба корня входят в ОДЗ уравнения. Ответ: ; .

б) 4 – lg x = 3. Проведём замену lg x = у, тогда данное уравнение примет вид у2 + 3у – 4 = 0, корни уравнения у1 = 1, у2 = -4(посторонний корень). Следовательно,  = 1, откуда х = 10.

Ответ: 10.

**Блок № 5.**

**Уравнения, решаемые с помощью их специфики.**

*Встречаются задачи, решение которых основано на свойствах входящих в них функций.*

log2 x =  . Исследуем монотонность функций, входящих в уравнение. Функция у1 = log2 x – возрастающая, функция у2 = - убывающая. Корень уравнения – единственный, это точка пересечения графиков этих функций. Корень уравнения подбираем (угадываем).

Ответ: 4.

а) *приём логарифмирования:*

3х = х, найдём логарифм по основанию 3 от обеих частей данного уравнения и используем свойства логарифмов. Получаем: log3 (3x) = log3 (xlogx) 

log3 3 + log3 x = log3 x2 ∙ log3 x  1 + log3 x = 2log32x . Введём новую переменную

у = log3 x и получим квадратное уравнение 1 + у = 2у2   2у2 – у – 1 = 0, у1 = 1, у2 = - .

Вернёмся к х:  . Ответ: 3; .

б) *применение основного логарифмического тождества:*

3 х+ 2= 64.

Запишем х в виде х = 5=( 2)= 2. Данное уравнение приведётся к виду

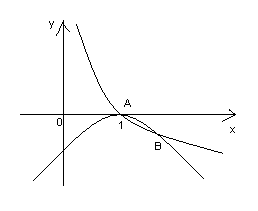
3∙ 2+ 2= 64  4 ∙ 2= 64  log5 x = 4. Ответ: 625.

**Блок № 6.**

**Уравнения, решаемые графически.**

Определить число корней и найти меньший из них log0,5 x = -x2 + 2x – 1.

Построим графики функций у1 = log0,5 x , у2 = -(х – 1)2. Графики пересекаются в точках А и В. Следовательно, уравнение имеет два корня. Абсцисса точки А меньше абсциссы точки В. Поэтому меньший корень уравнения х = 1. Ответ: 2 корня, меньший из них 1.



**4.** Подведение итогов урока. Выставление оценок наиболее активным ученикам, консультанты тоже принимают участие в оценке работы членов своей группы.

**5.** Постановка домашнего задания: на экране – логарифмические уравнения:

№ 1. 2 + 6 log8 x = log2 ( 6x + 18).

№ 2. lg (x + 4) + lg (2x + 3) = lg ( 1 – 2x).

№ 3. log2 x + log4 x + log16 x = 7.

№ 4. х=.

Ответы: №1 (3); №2 (-1); №3 (16); №4 (1; ; 16).

Необходимо взять несколько заданий из учебника, подойдя к ним дифференцированно. В домашнюю работу можно включить творческие задания, уравнения такого типа как,

а) log3 x ∙ log9 x ∙ log27 x ∙ log81 x =;

б) log2 x + log4 x + log8 x = 11;

в) х= 0, 0001;

г) logх3 + log3 x = log3 + log3 + 0, 5.

Ответы: а); 9, б)64, в)10-2; 10-1; 10; 100, г)2.

Следующий урок по теме «Решение логарифмических уравнений и неравенств» будет посвещён решению логарифмических неравенств. В начале урока проводится проверочная работа на 10-12 минут, в которую можно включить уравнения, которые решаются уже известными методами, использованными на прошлом уроке и при выполнении домашней работы.

Приведу пример одного варианта такой проверочной работы:

№ 1.

Решить уравнение: 2 log0,5 x = log0,5 (2x2 – x);

№ 2.

Решить уравнение: (х2 + х – 2) log(3х – 2) = 0;

№ 3.

Решить уравнение: lоg4(lоg3(lоg2(х2 + 7х))) = 0;

№ 4.

Найдите все значения параметра а, при которых уравнение (х – а) log2 х = 0 имеет единственное решение.

№ 5.

Выберите наибольшее решение уравнения:

2 log32 х - 7 log3 х = - 3.

Дополнительно: log2x+1(5 + 8x – 4x2) + log5-2x(1 + 4x + 4x2) = 4.

Ответы: №1 (1); №2 (1); №3 (-8; 1); №4 ( (-∞; 0) );№5 (27);доп.(; 1).

Согласно тематическому планированию на тему «Решение логарифмических уравнений и неравенств» отводится пять уроков, после которых можно провести тематическую контрольную работу по своей структуре похожей на ЕГЭ, что является некоторым этапом подготовки к этому испытанию.

Приведу один вариант такой контрольной работы:

В1.  Упростить выражение 2+ log575 - log53.

В2. Указать промежуток, которому принадлежит корень уравнения log2 (х + 1) = 4.

В3. Решить неравенство log0,4(1,9х – 1, 3) ≥ - 1.

В4. Найти сумму корней уравнения log4x + log5 (x2 + 75) = 1.

B5. Найти число целых решений неравенства log22х - log2х ≤ 6.

С1. Пусть (х0; у0) – решение системы  Найти отношение .

С2. Решите уравнение lg x2 + lg (x + 10)2 = 2 lg 11.

C3. Решите неравенство (х – 1) log+ ≥ 0.

Ответы: В1.1. В2.2. В3.1. В4.20. В5.8. С1.27. С2

-11; 1; -5  . С3.(0,5; 1)